限定空間領域多送受合成通信方式のための 室内データ伝送実験

稲垣直樹・菊間信良・安西 睦・張 旭
 後藤二郎・早川 誠・吉口克彦

電気情報工学科 (1988年9月3日受理)

Indoor Data Transmission Experiment for the Communication Method Combining Multiply Transmitted and Received Signals inside a Limited Space Region

Naoki INAGAKI • Nobuyoshi KIKUMA • Makoto ANZAI • Xu ZHANG Jiro Goto • Makoto HAYAKAWA and Katsuhiko Yoshiguchi Department of Electrical and Computer Engineering (Received September 3, 1988)

This paper describes the communication method combining multiply transmitted and received signals inside a limited space region. It has been proposed for achievement of high stability of the radio communication using low-power signals within offices. As a first step for its development, we measured field strength and carried out data transmission at UHF band in a limited space region. In the former measurement, the standing wave distribution of field strength was observed throughout the region. The results of several analyses suggest that the field strength can be modeled as a log-normally distributed random variable in the whole region. It means that the multipath structures are quite different according to the receiving position in the region. Also, the latter experiment shows that the success rate of the data transmission is extremely low in the areas corresponding to the nodes of standing waves. Finally, we analyzed the radiation characteristics of the antenna for fixed stations which was used in the above experiments.

1. まえがき

近年、ビルディング等のインテリジェント化に伴い、 ビル内オフィスにおける情報機器端末、リモートコント ロールユニット等を無線ネットワークによりケーブルレ スで接続する要求が特に高まっている。しかし、安定か つ信頼度の高い通信方式としては多くの研究課題が残さ れている。郵政省電波利用懇談会の報告(1986年3月) においても、新たな電波利用の発展に関する問題点とし て、端末機のコードレス化による設置の機動化と経済化 (構内無線通信)が挙げられ、開発すべき重要な利用技 術の一つとして、電波利用技術の脆弱性克服技術が挙げ られている¹⁾。

本論文では微小電力オフィス内無線通信を安定に実現 するための一通信方式として、"限定空間領域多送受合 成通信方式"を提案する²⁾。これは携帯形の移動通信方 式を採るため、まず、室内の電界強度を知る必要が生ず る。そこで、この研究の第一段階として、UHF帯の周 波数を使用して室内での電界強度分布測定およびデータ 伝送の簡易実験を行い、電界強度とデータ伝送の誤り率 (成功率)とを直接比較検討する。さらに固定局アンテ ナとして有力な候補の一つである優角コーナーリフレク タアンテナの指向性を、理論解析および試作実験により 検討を行う。

2. 限定空間領域多送受合成通信方式の構想

微小電力構内無線通信方式においては、構内あるいは 室内の限定された空間領域のすべての点において電磁界 強度を最小受信可能レベル以上に保ち、領域外において は不要電波としての許容漏洩レベル以下に抑えるとい う、二つの目標を同時に達成しなければならない。この 問題を解決するために、本方式は以下の技術を開発し、 利用する。

(1) 窓、ドアからの漏洩の防止

(2) セクター指向性をもつ固定局アンテナ

(1)は、採光など居住環境条件を悪化させず、電波のみ を遮ることのできる窓、ドアを開発することにより、電 波が限定空間領域の境界から外部領域に漏洩することを 防ぐものである。開口面アンテナなどで研究がすすんで いる FSS (周波数選択性面)の技術³⁾が応用できるであ ろう。

また(2)は、室内の電磁エネルギー分布を均一に近づけ るために、オフィス室内のコーナーと壁に設置し、室内 方向のみに放射する、90度及び180度のセクター指向性 をもつアンテナを開発し、利用する。優角コーナーリフ レクタアンテナはその一つの有力な候補である。室内の どの地点に、何個の固定局アンテナを置くのがよいかは 重要な検討課題である。

さて、上述のように窓を電波の反射面とすると、室内 の電磁界強度は定在波分布となり、一つの偏波のみに着 目すると電界あるいは磁界の定在波節点でレベルが非常 に低くなる。このような状況において、端末局アンテナ が室内のどの地点に設置されようと安定な送受信が行え るように端末局アンテナを工夫しなければならない。

端末局アンテナの一つとして、まず、エネルギー密度 アンテナシステム⁴⁾の利用が考えられる。これは、受信 地点の電界に比例した出力を得るアンテナと磁界に比例 した出力を得るアンテナを用意し、これら二つのアンテ ナの背後に独立の送受信機を接続し、両者の電力を合成 することによって、信号の包絡線の落込みを軽減し、安 定かつ一様な電力の送受信を行うものである。

また、偏波により物体における反射、透過、回折特性 等が違うため、受信電力の場所的変動が異なる。したが って、複偏波合成アンテナシステムを端末局で利用する ことも可能である。これは、偏波合成ダイバーシチ受信 とも呼ばれ、電界と磁界の複数の直交する方向成分の各 々を受信するアンテナの出力をエネルギー密度アンテナ の場合と同様に合成することにより、通信品質を改善す るものである。

さらに、本方式の最終的な評価は、主として限定空間 領域外への漏洩電界強度と通信速度(または符号誤り率) により行われ、これに経済性が加味される。それ故、通 信の安定性、システムの簡易化のためにアマチュア無線 で普及しつつあるパケット通信を併用することも考慮す べきであろう。

3. 室内電界強度分布の測定

限定空間領域多送受合成通信方式を実現する際の問題 点としては様々有るが、その中でも特に重要なものの一 つにフェーディングの問題がある。この問題を解決する ためには先ず実際にどの様なフェーディングが発生する かを把握する必要がある。そのため本実験では室内にア ンテナを置いた場合の電界分布について測定を行い、こ れを明らかにした。

3.1 測定の概要

Fig.1に測定室内の概略図を示す。今回の測定では模 擬的に部屋を作り壁面に反射板を張って測定を行った。

Fig. 2 に測定装置構成を示す。発振器より発生した高 周波は Reflection Test Unit により 2 つに分けられ、一 方は送信アンテナへと導かれ他方は受信レベルの基準と して Harmonic Frequency Converter へと導かれる。受



Fig. 1 Measurement room



Fig. 2 Block diagram of measurement of field strength

信アンテナで受信された信号は、Harmonic Frequency Converter 内で中間周波数に変換され、さらに Network Analyzer 内でベースバンド信号に変換されて信号強度 が算出される。このシステムでは信号強度の基準として 送信信号を取っているので、発振器の出力変動に影響さ れずに測定が行えることが特色である。Fig. 3 に測定装 置を示す。



Fig. 3 Transmitting antenna and receiving antenna

周波数は1.2 GHz を使用した。送信アンテナには 優角コーナーリフレクタアンテナを使用し、床より 124.5cmの高さに固定設置した。受信アンテナにはダイ ポールアンテナを使用し、直線状のレールの上に送信ア ンテナと同じく、床より124.5cmの高さに設置した。測 定はレール上を受信アンテナを移動させ、さらにレール を送信アンテナから30cmの位置より300cmの位置まで5cm 間隔で平行移動させて2次元的に行った。

3.2 測定結果及び解析

Fig.4に、全体の電界分布を示す。色の濃淡は電界の 最大値と最小値のdB差を9等分して表している。これ より電界分布は、送信アンテナ付近で大きな変動を示し アンテナより遠くなるにつれて変動が小さくなることが わかる。Fig.5にFig.4上の比較的電界が高いと思われ る直線ABにおける電界の変化を示す。これより電界は ほぼ等しい間隔で増減を繰り返しており、多重波の合成 による定在波の影響が支配的であることが分かる。

Fig.6に直線AB上の電界の累積確率分布を示す。

縦軸は累積確率であり、横軸は中央値を基準とした電 界強度のdB表示である。図中斜めの実線は標準偏差 (σ)が3dBの対数正規分布の理論値を示す。両者が 非常によく一致することより、電界はほぼσ=3dBの 対数正規分布に従っていることが分かる。これは、室内 にアンテナを置いた際には多重伝搬構造すなわち多重波 の電界強度比及び遅延時間分布が端末局アンテナの位置 により大きく変動していることを示唆している⁵⁾。次に 局所的な電界強度の変化を分析するために、Fig.7に



Fig. 4 Field strength distribution in measurement area



Fig. 5 Field strength from point A to point B in measurement area of Fig. 1

直線上の一部分、約2波長分における電界の累積確率分 布を示す。

図中斜めの実線はレーリー分布の理論値を表してい る。これより小範囲においては、分布はレーリー分布と いうより、むしろ定常波成分が存在するライス分布に近 いと推測される。市街地等では局所的な瞬時変動はレー リー分布に従うことが知られているが、室内の場合、直 接波が見通しで存在するため、局所的にはライス分布に 近くなると思われる。







Fig. 7 Cumulative distribution of field strength in a local area of Fig. 5

4. データ伝送実験

先の実験で室内に送信及び受信アンテナがある場合の 電界分布を明らかにしたが、次に電界分布のデータ伝送 における誤り率に対する影響を明らかにする必要があ る。このため、本実験では実際にデータ伝送実験を行い 伝送の誤り率と電界分布との相関関係を求めた。

4.1 実験の概要

Fig.8に実験装置の構成図を示す。本実験ではデータ 伝送方式として現在実用化され広く用いられているパケ ット通信方式(プロトコルX.25 レベル2,モデム



Fig. 8 Block diagram of data transmission experiment



Fig. 9 Positions of measurement for data transmission.

FSK 1200ボー)を採用した。実験装置には、パケット 通信の制御を行う装置として市販のTNC(Terminal Node Controller,タスコ電機社製: TNC-20および TNC- μ 21)とアマチュア用無線装置(ICOM社製: IC-1200)を使用した。コンピューターからのメッセー ジはTNCにより低周波のFSK信号に変換されて無線装 置に送られ、そこでさらにFM変調されて高周波の FSK-FM信号として伝送される⁶⁾。Fig.9に測定位置を 示す。

実験室及びアンテナは前述の物を用い、直線上を5cm 間隔で測定を行った。周波数は1.3 GHzとし、出力は無 線装置からの1Wの出力をアッテネーターを介して 100dB減衰させ0.1nWの微小電力で通信を行った。デ ータ伝送の誤り率は、伝送されるデータの誤りを検出す る代わりに、回線の接続(Connect)要求及び断線 (Disconnect)要求を繰り返し、接続が失敗したときの 再試行の数により求め、成功率として評価した。

4.2 実験結果

Fig. 10に実験結果を示す。

ここで横軸は測定開始地点からの距離を表し、縦軸は データ伝送の成功率(白丸)については%表示であり、 電界強度(実線)については電界の最大値を基準とした dB表示である。これより20cmから50cmの電界分布がは っきりした定在波を示している範囲では、電界分布の山 の部分では約80%以上の成功率を示しているのに対し谷 の部分においては成功率はほぼ0%であり、電界分布と 成功率の間には明らかな相関がみられる。これに対し、 0 cmから20 cmの電界が余りはっきりした定在波分布を示 していない範囲においては成功率は電界強度に関係なく 0%となっていることがわかる。ここで定在波の顕著な 部分は主として到来する電磁波の数が2波あるいは3波 程度で比較的少ないのに対し、余りはっきりしていない 部分は多数の多重波が到来していることが予想される。 そこで不鮮明な部分は、定在波の顕著な部分に比べ多重 伝搬構造が複雑であると考えられる。その結果としてデ ータ伝送は多重波相互間の複雑な干渉により誤って受信 され成功率が落ち込んだと予想される。これらの結果に より同一室内においても電界強度の変動にともなってデ ータ伝送の誤り率が増減する区域と電界強度の変化によ らず誤りの起こる区域の存在することが分かった。しか しこのどちらの場合にも誤りが発生するのは多重波の合 成による相互干渉によるものと考えられるので、多重波



Fig. 10 Success rate of data transmission and field strength.

の影響を受けにくいアンテナの開発が重要な課題となる であろう。

5. 固定局アンテナの検討

限定空間領域多送受合成通信に端末局アンテナと固定 局アンテナが必要である。端末局アンテナは小型、軽量 で、端末機の位置、向きによって受信レベルが低下する ことのないよう、どの方向においても等しい指向性を持 つものが望ましい。一方、固定局アンテナとして先ず要 求される条件はある一定の範囲(限定空間)で一様な指 向性をもつことと、それ以外の範囲への放射が充分に小 さい(漏れがない)ことである。それぞれの条件を満た し、しかも実用的であるアンテナとしてダイポール・ア ンテナと優角コーナー・リフレクタ・アンテナが挙げら れる。ダイポール・アンテナは昔から最も基本的なアン テナとして詳しく検討された。ここでは、今度の実験に 実際に使用した優角コーナー・リフレクタ・アンテナに ついて解析を行う。

5.1 優角コーナー・リフレクタ・アンテナの放射特 性の解析

優角コーナー・リフレクタ・アンテナは内角αが180°
 以上のコーナー・リフレクタ・アンテナである。Fig.
 11にこのアンテナの概形と座標を示している。

短いダイポールアンテナがコーナーのエッジからaだ け離れて平行に配置されている。このアンテナは簡単な 構造で比較的高い利得が得られる。更に、αを変えるこ とによって放射ビーム幅を調節することができる。反射 板のサイズとaの値を適当に選択すれば、セクター指向 性を構成することができるので、固定局アンテナとして の条件を十分に満たす。

有限の反射板付アンテナや有限幅、有限長の優角コー ナー・リフレクタ・アンテナによる反射電磁界や放射電



Fig. 11 Geometry of corner reflector antenna and its feeding dipole.

磁界を厳密に求めることは非常に困難である。ダイポー ルからの放射波が反射板で電流を励起すると仮定し、こ れによる放射電磁界あるいは反射電磁界を求める近似計 算法、いわゆる起電力法を用いて解析した結果が発表さ れた⁷⁾。本論文では電気的寸法の大きい物体による散乱 (回析)問題に対して有力な解析手法 UTD (Uniform

Geometrical Theory of Diffraction: 一様幾何光学的回 析理論)⁸⁾を用いて指向性を計算することにする。

UTD による計算公式:

短いダイポールの放射電界は次式の球面波とする。

$$\overline{E} \sim \hat{\theta} \, \frac{\exp\left(-jkr\right)}{r} \sin \theta \tag{1}$$

今の問題に関して、観測点 p に至る電波は次の4 種類 を考える。

a.波源からの直接入射波; b.反射板による反射波: c.エッジによる回析波; d.コーナーによる回析波。

入射波は式(1)で簡単に計算できる。反射板による入射 波の遮蔽は入射レイ (ray) と反射板が交差するかどう かで判断する。反射波は通常イメージで考慮するのが便 利である。反射波の有無の判断は入射波の遮蔽の判断と 同じ手順で逆に判断すればよい。エッジによる回析 (Fig.12) は Pathak と Kouyoumjian の UTD を用いて次 のように計算する。

$$\overline{E}^{d}(s) = \overline{E}^{i}(Q_{E}) \cdot \overline{\overline{D}}_{E}A(s) e^{-jks}$$
(2)

但し、

$$\overline{\overline{\mathbf{D}}}_{\mathrm{E}} = -\,\hat{\boldsymbol{\beta}}_{\mathrm{o}},\,\,\hat{\boldsymbol{\beta}}_{\mathrm{o}}\mathbf{D}_{\mathrm{s}} - \,\hat{\boldsymbol{\phi}},\,\,\hat{\boldsymbol{\phi}}_{\mathrm{D}_{\mathrm{h}}} \tag{3}$$

-i # /A

$$D_{sh}(\phi, \phi', \beta_{o}) = \frac{-e^{\beta R/4}}{2n\sqrt{2\pi k} \sin \beta_{o}} \cdot \left[\cot\left(\frac{\pi + \beta^{-}}{2n}\right) F[kLa^{+}(\beta^{-})] + \cot\left(\frac{\pi - \beta^{-}}{2n}\right) F[kLa^{-}(\beta^{-})] \right]$$

$$\mp \left\{\cot\left(\frac{\pi + \beta^{+}}{2n}\right) F[kLa^{+}(\beta^{+})] + \cot\left(\frac{\pi - \beta^{+}}{2n}\right) F[kLa^{-}(\beta^{+})]\right\} \right]$$
(4)

$$\mathbf{F}(\mathbf{x}) = 2\mathbf{j} \left| \sqrt{\mathbf{x}} \right| e^{\mathbf{j}\mathbf{x}} \int_{|\sqrt{\mathbf{x}}|}^{\infty} e^{-\mathbf{j} \tau^2} \mathrm{d} \tau$$
(5)

ここで、 $E^{i}(Q_{E})$ は回析点での入射波であり、 $F[kLa^{\pm}(\beta^{\pm})]$ は Frenel 積分で表す遷移関数である。Fig.12にエッジ 回析の様子を示している。エッジ回析に関する完全な記 述は文献 8) に参照されたい。

エッジが有限な長さを持つため、角(コーナー)の所



Fig. 12 Edge diffraction and corner diffraction.

でエッジ回析の不連続性が生じる。その不連続性を補う のはコーナー回析(Fig. 12)である。コーナー回析は まだ厳密な解が求められていないが、Fig.12の1/4の平 面コーナーに対して Sikta らはつぎの球面波入射すると きの近似的な、しかも実用的な公式を提案している⁹。

$$\overline{\overline{E}}^{c}(s) = \overline{\overline{E}}^{i}(Q_{c}) \cdot \overline{\overline{D}}_{c} A^{c}(s) e^{-jks}$$
(6)

但し、

Ŧ

$$\begin{split} \overline{\mathbf{D}^{c}} &= -\hat{\boldsymbol{\beta}}_{o}, \hat{\boldsymbol{\beta}}_{o} \mathbf{D}_{s}^{c} - \hat{\boldsymbol{\beta}}, \hat{\boldsymbol{\beta}}_{D}_{h}^{c} \qquad (7) \\ \left\{ \begin{array}{l} \mathbf{D}_{s}^{c} \\ \mathbf{D}_{h}^{c} \end{array} \right\} &= \left\{ \begin{array}{l} \mathbf{C}_{s}(\mathbf{Q}_{E}) \\ \mathbf{C}_{h}(\mathbf{Q}_{E}) \end{array} \right\} \frac{\sqrt{\sin\beta_{c}}\sin\beta_{oc}}{(\cos\beta_{oc} - \cos\beta_{c})} \cdot \\ & \mathbf{F}[\mathbf{k}\mathbf{L}_{c}\mathbf{a}(\pi + \beta_{oc} - \beta_{c})] \frac{e^{-j\pi/4}}{\sqrt{2\pi\,\mathbf{k}}} (8) \\ \mathbf{C}_{s,h}(\mathbf{Q}_{E}) &= \frac{-e^{-j\pi/4}}{2\sqrt{2\pi\,\mathbf{k}}} \left[\frac{\mathbf{F}(\mathbf{k}\mathbf{L}\mathbf{a}(\beta^{-}))}{\cos(\beta^{-}/2)} \\ \right] \mathbf{F}\left(\frac{\mathbf{L}\mathbf{a}(\beta^{-})/\lambda}{\mathbf{k}\mathbf{L}_{c}\mathbf{a}(\pi + \beta_{oc} - \beta_{c})} \right) \\ \left| \begin{array}{c} \frac{\mathbf{F}(\mathbf{k}\mathbf{L}\mathbf{a}(\beta^{+}))}{\cos(\beta^{+}/2)} \end{array} \right| \mathbf{F}\left(\frac{\mathbf{L}\mathbf{a}(\beta^{+})/\lambda}{\mathbf{k}\mathbf{L}_{c}\mathbf{a}(\pi + \beta_{oc} - \beta_{c})} \right) \\ \end{array} \right| \end{split}$$

F (X) は式(5)で定義した拡張 Frenel 積分である。 1/4 平面のコーナー (n=2) であるので、 $a(\beta) = 2\cos^2(\beta)$ /2) である。又球面波入射するとき、 $\beta^{\pm} = \phi \pm \phi$, L =s' s''sin² β_o /(s' +s''), L_c=s_cs/(s+s_c), C_s, hは修正 した半平面エッジの回析係数である。修正因子

$$\mid F\left(\frac{\operatorname{La}(\beta)/\lambda}{\operatorname{kL}_{c} \operatorname{a}(\pi+\beta_{oc}-\beta_{c})}\right)$$

は回析係数がエッジ回析境界を通過する際に突然符号が 変わらないようにするために導入された遷移関数であ る。一つのコーナーに関してコーナーを囲む二つの辺に 対応する式(6)で表される二つのコーナー回析界を含まな ければならない。

入射、反射と回析レイの進路決定 (Determination of ray trajectory) は GTD の応用において非常に重要な一環である。回析点 Q_E の探索と決定は一つのポイントで

ある。これは回析点における入射レイと回析レイの関係 î・ê=d・ēから決定する。文献10)には有効な逐次漸近 法(iteration method)を紹介している。

数値計算結果と検討:

コーナー回析の影響を確認するため、Fig. 13に α = 270°, $a=0.25\lambda$ 、 $\ell=\ell'=1\lambda$ ときのアンテナのH面放射 パターンを示している。コーナー回析の導入はパターン における不連続性を明らかに補正している。Fig.14には 同寸法のアンテナのE面とH面の放射パターンを示して いる。コーナー・リフレクタ・アンテナは前方のある範 囲においてほぼ均一な放射特性を持っていることが分か った。



Fig. 13 H-plane patterns : (a) without corner diffraction, (b) with corner diffraction



Fig. 14 Main-plane radiation patterns.

勿論、反射 — 回析、エッジ回析 — コーナー回析 などの高次回析波も一次放射波と共に生じる。しかし、 これらの高次回析波一次回析波よりはるかに弱いと思わ れるので、その影響は考慮していない。

5.2 優角コーナー・リフレクタ・アンテナの試作 実際のアンテナを製作する際、アンテナの放射パター ンを考慮すると共に、アンテナの放射効率と利得をでき るだけ大きく実現するのも大切である。そのため、アン テナの入力インピーダンスは無線機の入力インピーダン

スと整合する必要がある。

Fig.11に今回の実験に固定局アンテナとして使った優 角コーナー・リフレクタ・アンテナの寸法を与えてい る。工作周波数は1.2GHzにしており、コーナー反射板 の角度は270°、両辺はともに25cm(一波長)、微小ダイ ポールはコーナーエッジから6.25cm(1/4波長)離れて 置かれている。アンテナの入力インピーダンスを50Ω整 合させるため、微小ダイポールを平板型にとり、サイズ も図示のとおりに決められた。

このアンテナの測定放射パターンはFig.14に破線で示しており、E面もH面もUTDによる理論値とよく一致している。

6. あとがき

本論文では微小電力オフィス内無線通信を安定に実現 するための一通信方式: "限定空間領域多送受合成通信 方式 "のための研究の第一段階として、UHF帯の周波 数を使用して室内での電界強度分布測定およびデータ伝 送の簡易実験を行った。その結果、ほぼ全領域にわたっ て定在波分布が観測され、電界強度は局所的にはライス 分布、全体的には対数正規分布に従うことが判明し、端 末局アンテナの位置により多重波構造が大きく変動する ことがわかる。データ伝送実験の結果、定在波分布の比 較的顕著な領域においては電界強度とデータ伝送の成功 率との間に明瞭な相関性がみられ、定在波の節点付近で は伝送の成功率がほぼ0%であった。最後に固定局アン テナとして上記の実験で使用した優角コーナーリフレク タアンテナの指向特性を、解析手法GTD(UTD)を用 いて理論計算した。実際に指向特性を測定したところ、 理論値とよく一致し、固定局アンテナの有力な一候補で あることを確認した。

今後、多重波の影響を受けにくいアンテナ、すなわち、 エネルギー密度アンテナや複偏波合成アンテナの研究開 発のために、電界だけでなく磁界の分布も測定すること、 また偏波を変えて電磁界強度分布、及びデータ伝送実験 を行うことが課題である。

参考文献

- 1) 郵政省通信政策局情報管理課(監修), "高度情報社 会データファイル", p.3651 第一法規(1985)
- 2) 稲垣, "限定空間領域多送受合成通信方式について", 昭和62年東海支部連大,347
- G. H. . Schennum, "Frequency-selective surfaces for multiple-frequency antennas", The Micro-wave Journal, pp.55-57, May 1973.

216

- W. C. V. Lee, Bell System Technical Journal, p.976, Feb. 1967.
- D. C. Cox, "Universal Digital Portable Radio Communications", Proceedings of the IEEE, vol 75, No 4, April 1987.
- 6) CQ 出版社: "パケット通信ハンドブック"
- 7) 関口利男:電磁波(朝倉書店,昭和51年)
- R. G. Kouyoumjian and P. H. Pathak, "A uniform geometrical theory of diffraction for an edge in a perfectly conducting surface," Proc. of IEEE, vol.

62, PP.1448-1461, Nov, 1974.

- 9) F. A. Sikta, W. D. Burnside, T, T. Chu and L. Peters, Jr., "First-order equivalent current and corner diffraction scattering from flat plate structures", IEEE Trans. Antenna Propaga., vol. AP-31, pp.584-589, July 1983.
- W. D. Burnside, N. Wang and E. Pelton, "Near-field pattern analysis of airborne antenna", IEEE Trans. Antenna Propaga., vol, AP-28, PP.318-327, May, 1980.